

# **EGZAMIN MATURALNY OD ROKU SZKOLNEGO 2014/2015**

## **MATEMATYKA POZIOM PODSTAWOWY**

### **PRZYKŁADOWY ZESTAW ZADAŃ DLA OSÓB Z AUTYZMEM, W TYM Z ZESPOŁEM ASPERGERA (A2)**

W czasie trwania egzaminu zdający może korzystać z zestawu wzorów matematycznych, linijki i cyrkla oraz kalkulatora.

**Czas pracy: 170 minut**

Czas pracy będzie wydłużony zgodnie z opublikowanym w 2014 r.  
Komunikatem Dyrektora CKE.

**GRUDZIEŃ 2013**

## ZADANIA ZAMKNIĘTE

W zadaniach 1–23 wybierz i zaznacz na karcie odpowiedzi poprawną odpowiedź.

### Zadanie 1. (1 pkt)

Liczba 15 jest przybliżeniem z niedomiarem liczby  $x$ . Błąd bezwzględny tego przybliżenia jest równy 0,24. Liczba  $x$  to

- A. 14,76                      B. 14,80                      C. 15,20                      D. 15,24

### Zadanie 2. (1 pkt)

Punkty  $E = (7,1)$  i  $F = (9,7)$  to środki boków, odpowiednio  $AB$  i  $BC$  kwadratu  $ABCD$ . Przekątna tego kwadratu ma długość

- A.  $4\sqrt{5}$                       B. 10                      C.  $4\sqrt{10}$                       D. 20

### Zadanie 3. (1 pkt)

Liczba  $\left(\frac{3+\sqrt{3}}{\sqrt{3}}\right)^2$  jest równa

- A. 4                      B. 9                      C.  $\frac{3+\sqrt{3}}{3}$                       D.  $4+2\sqrt{3}$

### Zadanie 4. (1 pkt)

Liczba  $3^{\frac{9}{4}}$  jest równa

- A.  $3 \cdot \sqrt[4]{3}$                       B.  $9 \cdot \sqrt[4]{3}$                       C.  $27 \cdot \sqrt[4]{3}$                       D.  $3^9 \cdot 3^{\frac{1}{4}}$

### Zadanie 5. (1 pkt)

Funkcja wykładnicza określona wzorem  $f(x) = 3^x$  przyjmuje wartość 6 dla argumentu

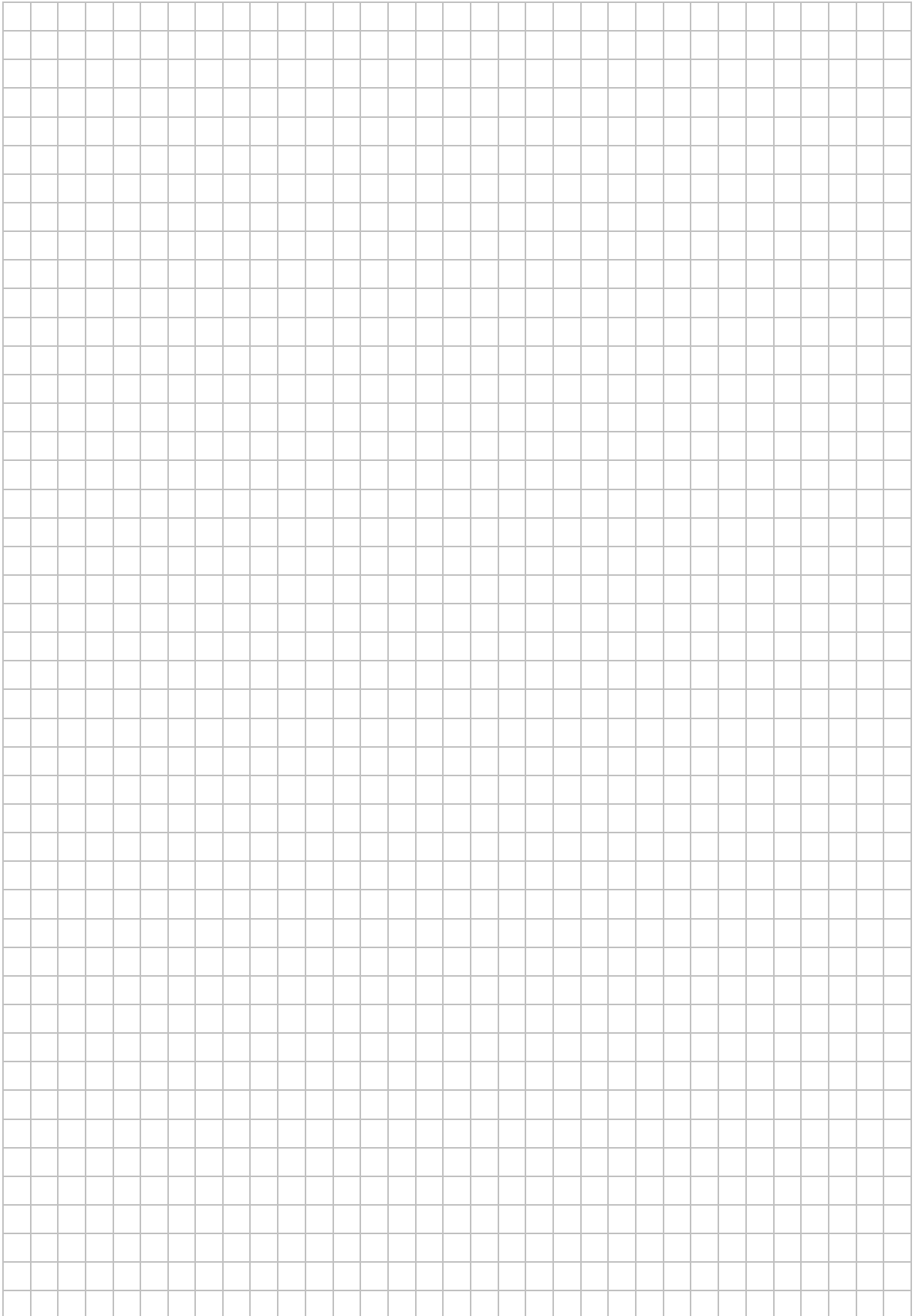
- A.  $x = 2$                       B.  $x = \log_3 2$                       C.  $x = \log_3 6$                       D.  $x = \log_6 3$

### Zadanie 6. (1 pkt)

Wyrażenie  $16 - (3x+1)^2$  jest równe

- A.  $(3-3x) \cdot (5+3x)$                       B.  $(15-3x)^2$                       C.  $(5-3x) \cdot (5+3x)$                       D.  $15 - 9x^2$

**BRUDNOPIS**  
**(nie podlega ocenie)**



**Zadanie 7. (1 pkt)**

Wskaż równość prawdziwą

A.  $-256^2 = (-256)^2$     B.  $256^3 = (-256)^3$     C.  $\sqrt{(-256)^2} = -256$     D.  $\sqrt[3]{-256} = -\sqrt[3]{256}$

**Zadanie 8. (1 pkt)**

Zbiorem rozwiązań nierówności  $\frac{2-x}{3} - \frac{2x-1}{2} < x$  jest przedział

A.  $\left(-\infty, \frac{1}{2}\right)$     B.  $\left(-\infty, \frac{1}{14}\right)$     C.  $\left(\frac{1}{14}, +\infty\right)$     D.  $\left(\frac{1}{2}, +\infty\right)$

**Zadanie 9. (1 pkt)**

W klasie jest cztery razy więcej chłopców niż dziewcząt. Ile procent wszystkich uczniów tej klasy stanowią dziewczęta?

- A. 4%    B. 5%    C. 20%    D. 25%

**Zadanie 10. (1 pkt)**

Reszta z dzielenia liczby 55 przez 8 jest równa

- A. 4    B. 5    C. 6    D. 7

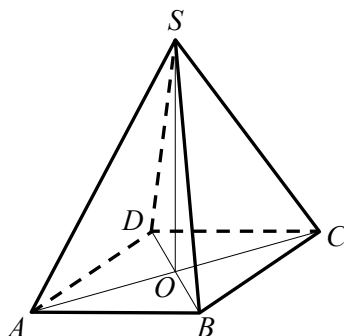
**Zadanie 11 (1 pkt)**

Funkcja  $f$  przyporządkowuje każdej liczbie naturalnej większej od 1 jej największy dzielnik będący liczbą pierwszą. Spośród liczb:  $f(42)$ ,  $f(44)$ ,  $f(45)$ ,  $f(48)$  największa to

- A.  $f(42)$     B.  $f(44)$     C.  $f(45)$     D.  $f(48)$

**Zadanie 12. (1 pkt)**

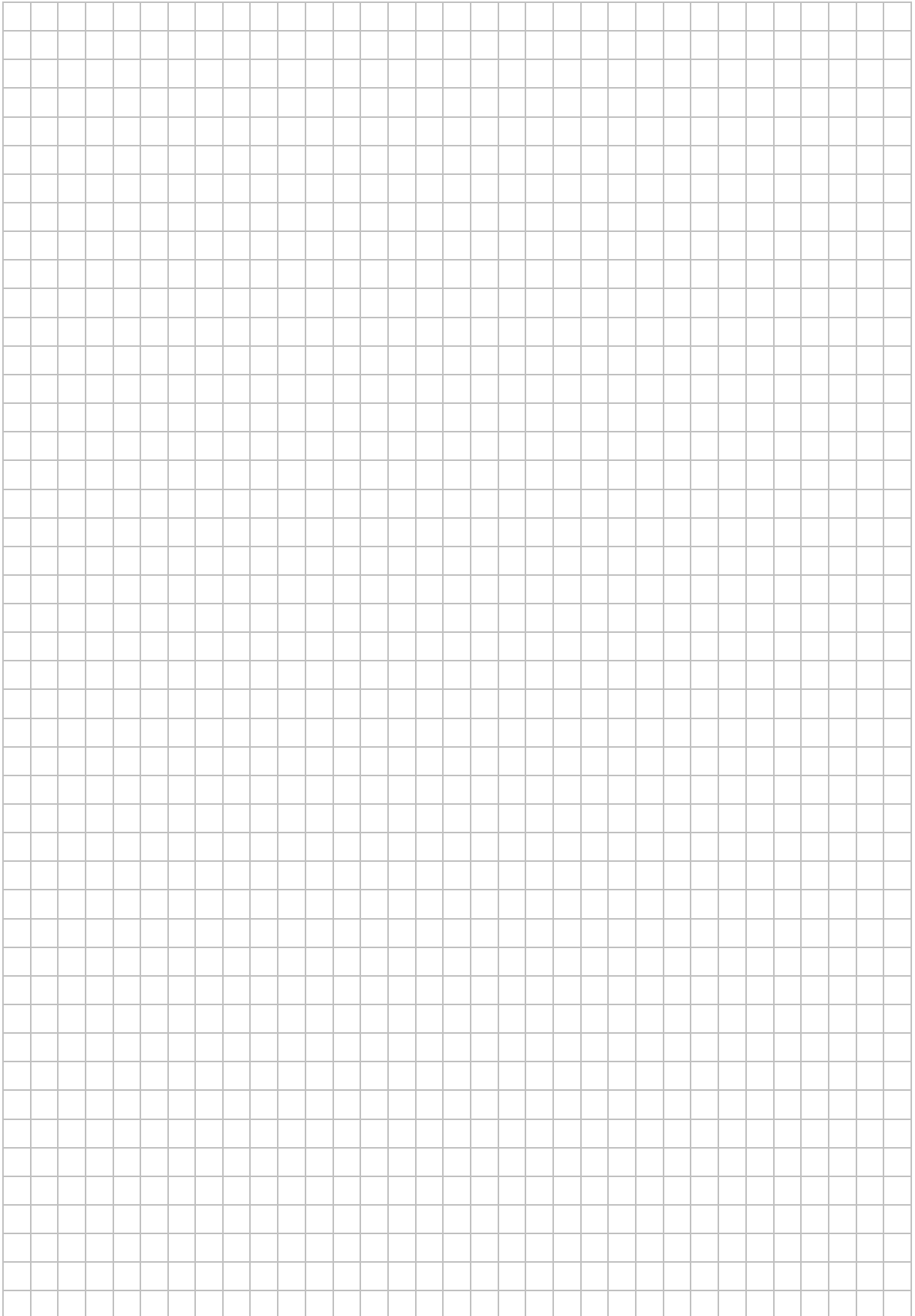
Rysunek przedstawia ostrosłup prawidłowy czworokątny  $ABCDS$ .



Kątem między krawędzią  $CS$  a płaszczyzną podstawy tego ostrosłupa jest kąt

- A.  $DCS$     B.  $ACS$     C.  $OSC$     D.  $SCB$

**BRUDNOPIS**  
**(nie podlega ocenie)**



**Zadanie 13. (1 pkt)**

Wykresem funkcji kwadratowej  $f$  jest parabola o wierzchołku  $W = (5, 7)$ . Wówczas prawdziwa jest równość

- A.  $f(1) = f(9)$       B.  $f(1) = f(11)$       C.  $f(1) = f(13)$       D.  $f(1) = f(15)$

**Zadanie 14. (1 pkt)**

Jeżeli kąt  $\alpha$  jest ostry i  $\operatorname{tg}\alpha = \frac{3}{4}$ , to  $\frac{2 - \cos \alpha}{2 + \cos \alpha}$  równa się

- A.  $-1$       B.  $-\frac{1}{3}$       C.  $\frac{3}{7}$       D.  $\frac{84}{25}$

**Zadanie 15. (1 pkt)**

Równanie  $(2x - 1) \cdot (x - 2) = (1 - 2x) \cdot (x + 2)$  ma dwa rozwiązania. Są to liczby

- A.  $-2$  oraz  $\frac{1}{2}$       B.  $0$  oraz  $\frac{1}{2}$       C.  $\frac{1}{2}$  oraz  $2$       D.  $-2$  oraz  $2$

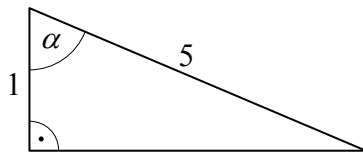
**Zadanie 16. (1 pkt)**

Dane jest równanie  $3x + 4y - 5 = 0$ . Z którym z poniższych równań tworzy ono układ sprzeczny?

- A.  $6x + 8y - 10 = 0$   
B.  $4x - 3y + 5 = 0$   
C.  $9x + 12y - 10 = 0$   
D.  $5x + 4y - 3 = 0$

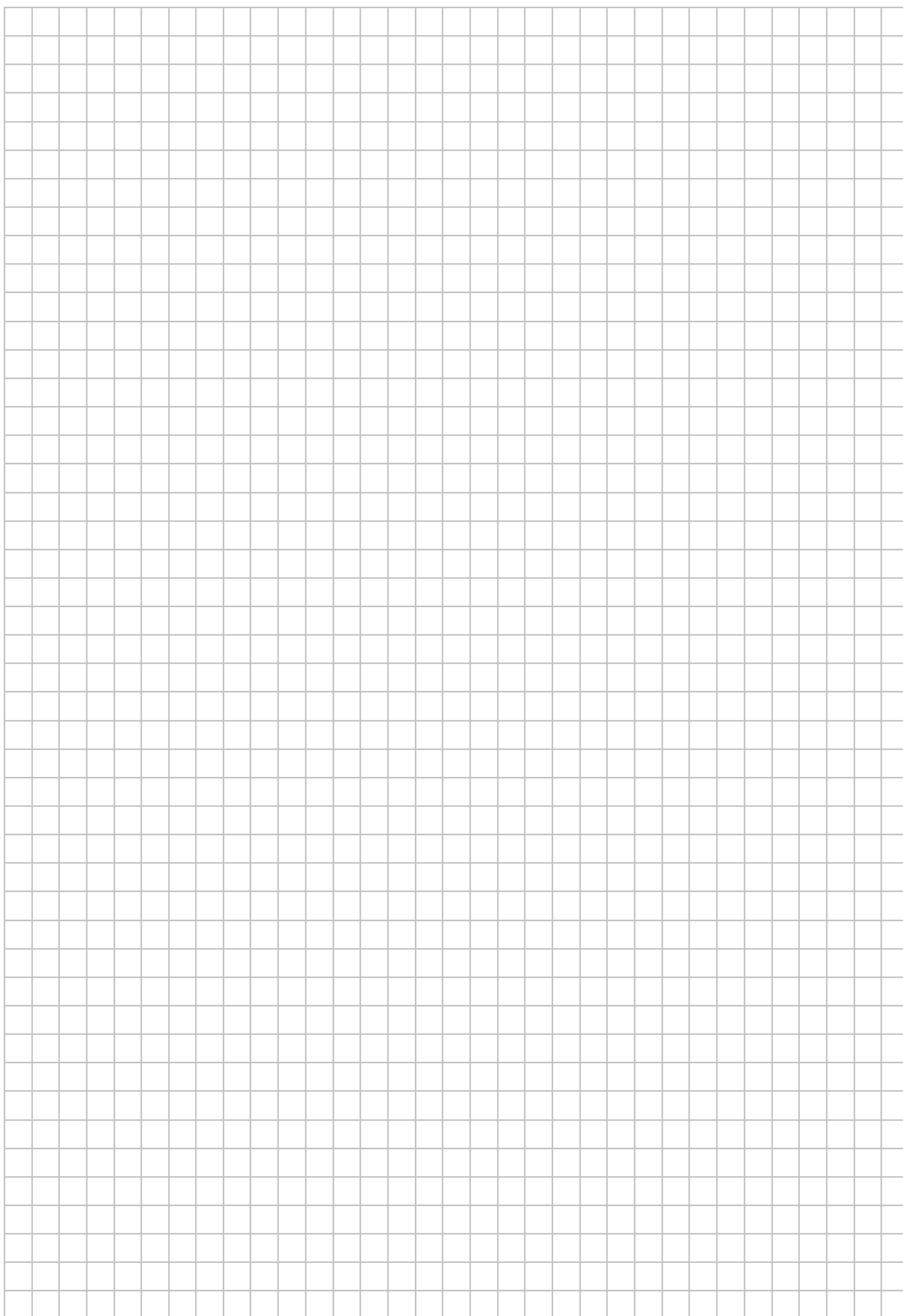
**Zadanie 17. (1 pkt)**

W trójkącie przedstawionym na rysunku poniżej sinus kąta ostrego  $\alpha$  jest równy



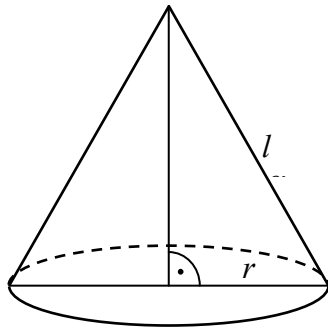
- A.  $\frac{1}{5}$       B.  $\frac{\sqrt{6}}{12}$       C.  $\frac{5}{24}$       D.  $\frac{2\sqrt{6}}{5}$

**BRUDNOPIS**  
**(nie podlega ocenie)**



**Zadanie 18. (1 pkt)**

Tworząca stożka ma długość  $l$ , a promień jego podstawy jest równy  $r$  (zobacz rysunek).



Powierzchnia boczna tego stożka jest 2 razy większa od pola jego podstawy. Wówczas

- A.  $r = \frac{1}{6}l$       B.  $r = \frac{1}{4}l$       C.  $r = \frac{1}{3}l$       D.  $r = \frac{1}{2}l$

**Zadanie 19. (1 pkt)**

Dane są dwa okręgi o promieniach 10 i 15. Mniejszy okrąg przechodzi przez środek większego okręgu. Odległość między środkami tych okręgów jest równa

- A. 2,5      B. 5      C. 10      D. 12,5

**Zadanie 20. (1 pkt)**

Każdy uczestnik spotkania dwunastoosobowej grupy przyjaciół uściśnął dłoń każdemu z pozostałych członków tej grupy. Liczba wszystkich uścisków dłoni była równa

- A. 66      B. 72      C. 132      D. 144

**Zadanie 21. (1 pkt)**

W dziewięciowyrazowym ciągu geometrycznym o wyrazach dodatnich pierwszy wyraz jest równy 3, a ostatni wyraz jest równy 12. Piąty wyraz tego ciągu jest równy

- A.  $3\sqrt[4]{2}$       B. 6      C.  $7\frac{1}{2}$       D.  $8\frac{1}{7}$

**Zadanie 22. (1 pkt)**

Ciąg  $(a_n)$  jest określony wzorem  $a_n = (n+3)(n-5)$  dla  $n \geq 1$ . Liczba ujemnych wyrazów tego ciągu jest równa

- A. 3      B. 4      C. 7      D. 9

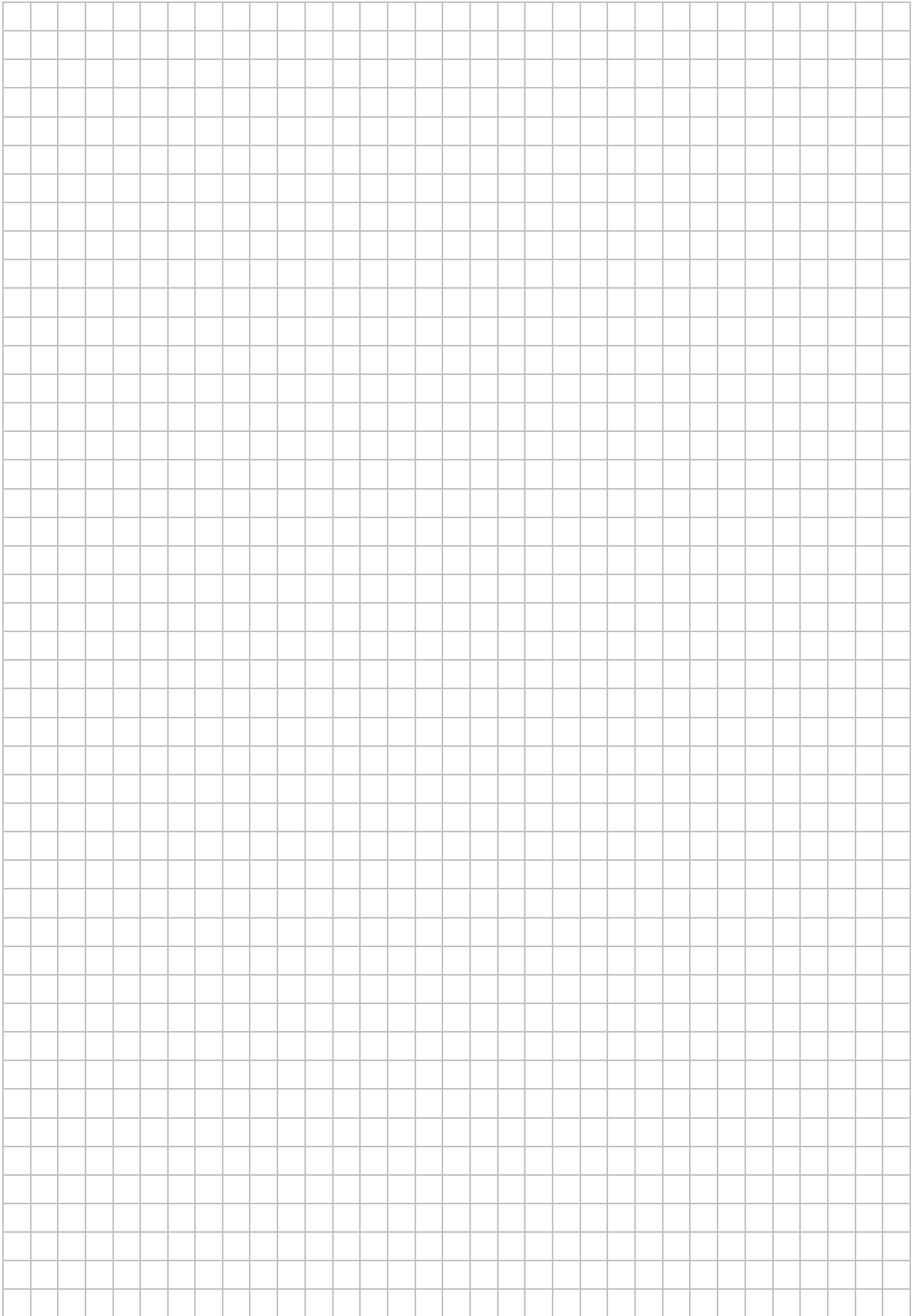
**Zadanie 23. (1 pkt)**

Rzucamy jeden raz symetryczną sześcienną kostką do gry. Niech  $p_i$  oznacza prawdopodobieństwo wyrzucenia liczby oczek podzielnej przez  $i$ . Wtedy

- A.  $2p_4 = p_2$       B.  $2p_6 = p_3$       C.  $2p_3 = p_6$       D.  $2p_2 = p_4$



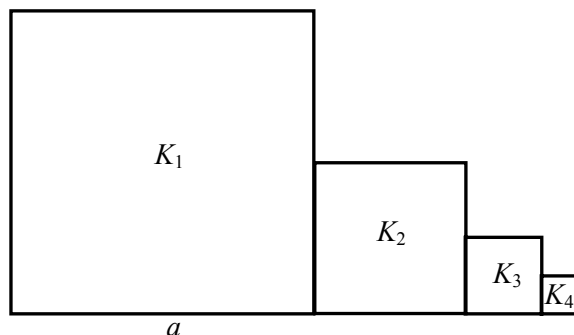
**BRUDNOPIS**  
**(nie podlega ocenie)**





**Zadanie 26. (2 pkt)**

Kwadrat  $K_1$  ma bok długości  $a$ . Obok niego rysujemy kolejno kwadraty  $K_2, K_3, K_4, \dots$  takie, że kolejny kwadrat ma bok o połowę mniejszy od boku poprzedniego kwadratu (zobacz rysunek).



Wyznacz pole kwadratu  $K_{12}$ .

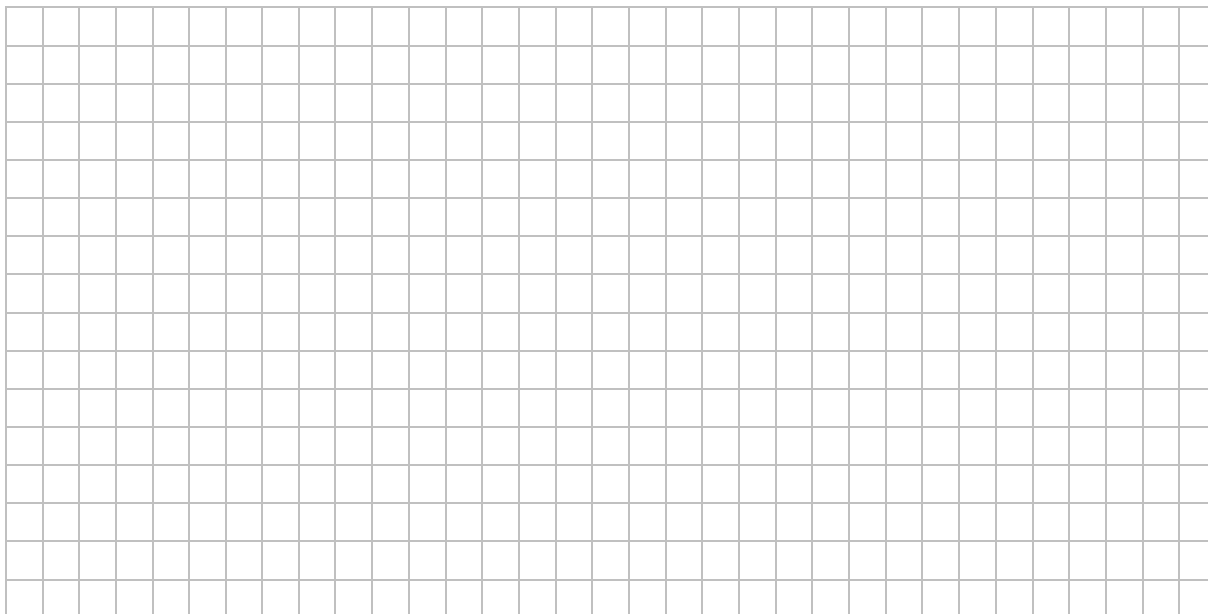


Odpowiedź: .....



**Zadanie 29 (2 pkt)**

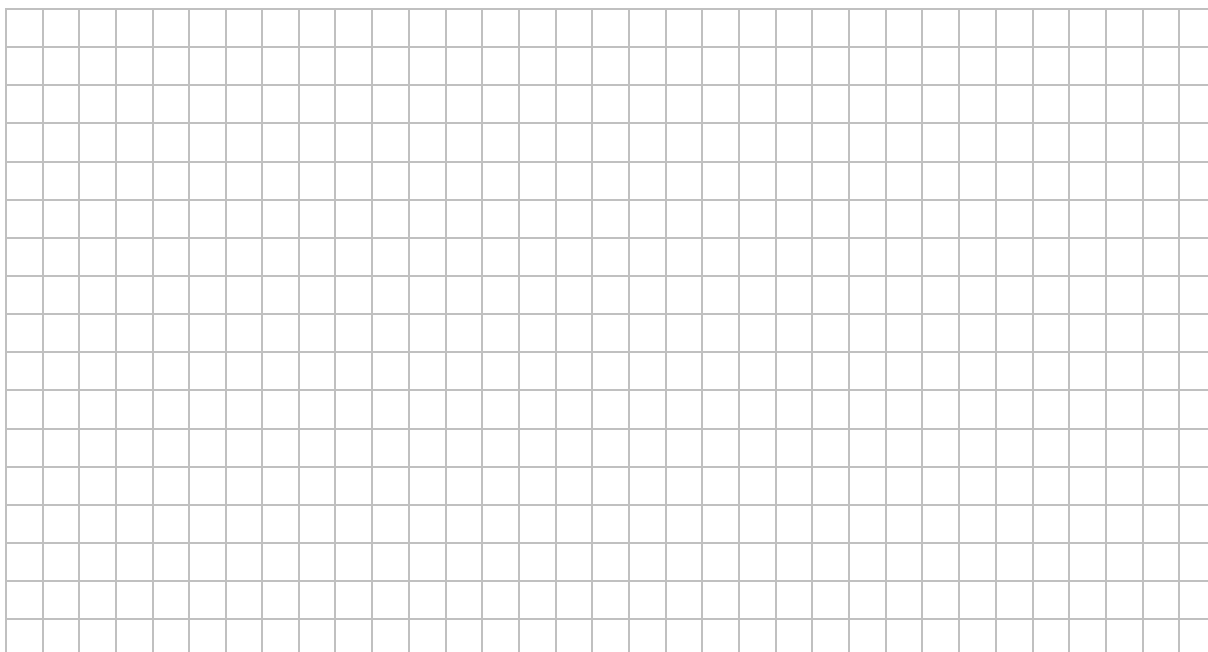
Na trójkącie o bokach długości  $\sqrt{7}$ ,  $\sqrt{8}$ ,  $\sqrt{15}$  opisano okrąg. Oblicz promień tego okręgu.



Odpowiedź: .....

**Zadanie 30 (2 pkt)**

Proste  $l$  i  $k$  przecinają się w punkcie  $A = (0, 4)$ . Prosta  $l$  wyznacza wraz z dodatnimi półosiami układu współrzędnych trójkąt o polu 8, zaś prosta  $k$  – trójkąt o polu 10. Oblicz pole trójkąta, którego wierzchołkami są: punkt  $A$  oraz punkty przecięcia prostych  $l$  i  $k$  z osią  $Ox$ .

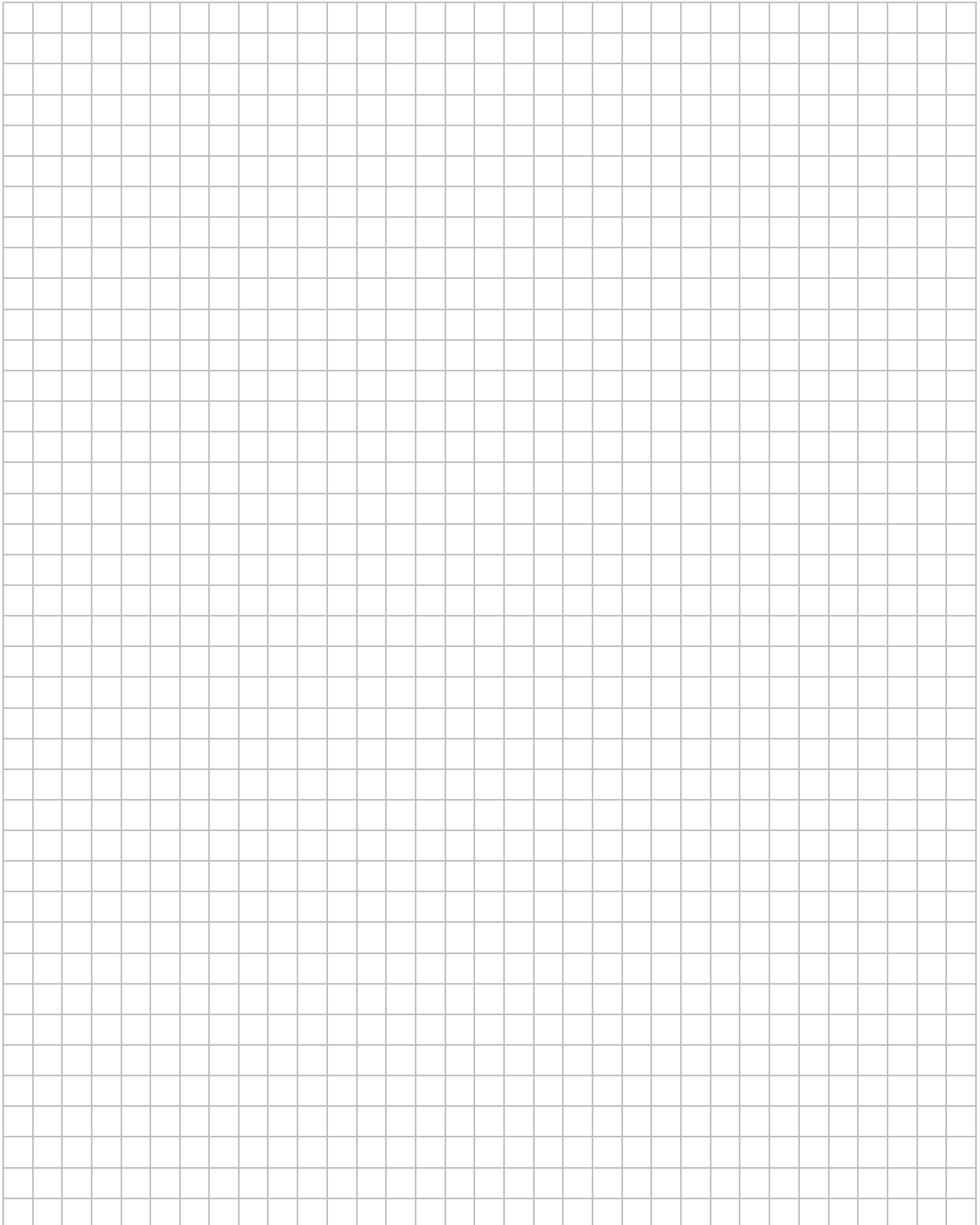


Odpowiedź: .....



**Zadanie 32 (5 pkt)**

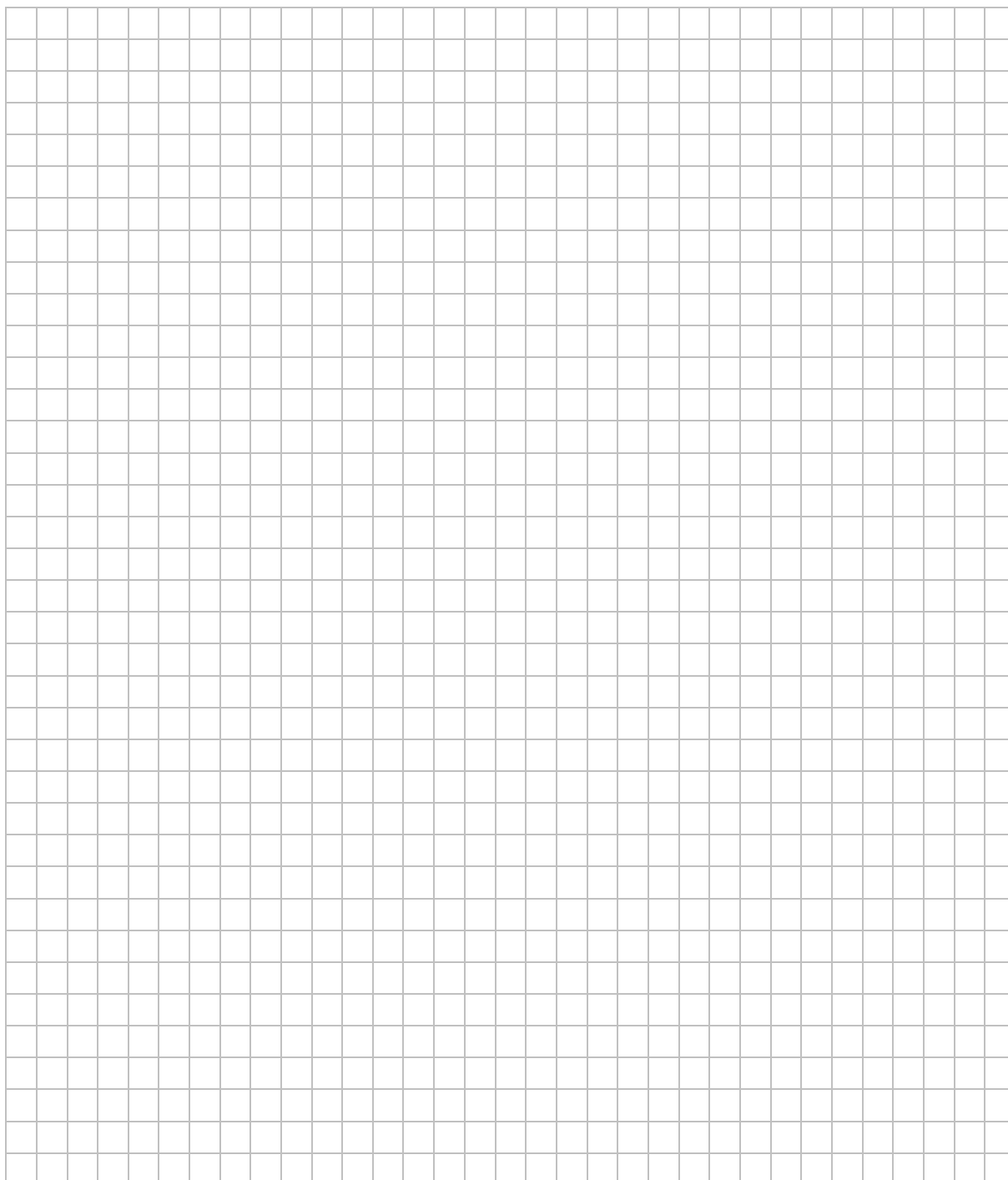
Dane są wierzchołki trójkąta  $ABC$ :  $A = (2, 2)$ ,  $B = (9, 5)$  i  $C = (3, 9)$ . Z wierzchołka  $C$  poprowadzono wysokość tego trójkąta, która przecina bok  $AB$  w punkcie  $D$ . Wyznacz równanie prostej przechodzącej przez punkt  $D$  i równoległej do boku  $BC$ .



Odpowiedź: .....

**Zadanie 33 (4 pkt)**

Jacek bawi się sześciennymi klockami o krawędzi 2 cm. Zbudował z nich jeden duży sześcian o krawędzi 8 cm i wykorzystał do tego wszystkie swoje klocki. Następnie zburzył budowlę i ułożył z tych klocków drugą bryłę – graniastosłup prawidłowy czworokątny. Wtedy okazało się, że został mu dokładnie jeden klocek, którego nie było gdzie dołożyć. Oblicz stosunek pola powierzchni całkowitej pierwszej ułożonej bryły do pola powierzchni całkowitej drugiej bryły i wynik podaj w postaci ułamka nieskracalnego.



Odpowiedź: .....



**BRUDNOPIS**  
**(nie podlega ocenie)**

